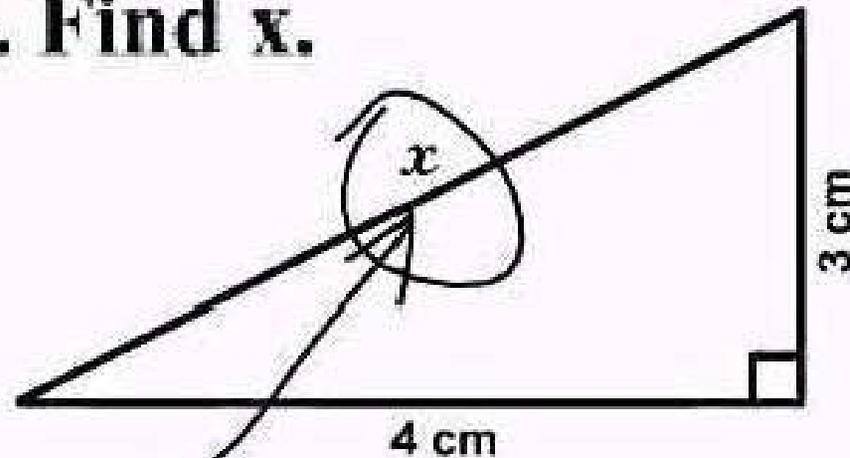


# Repetitorium Physik

Christian Hauptmann Oleksandr Popovych



3. Find  $x$ .



*Here it is*



Universität zu Köln



## Medizinische Fakultät

[A-Z](#) | [Personen](#) | [Intern](#) | [Kontakt](#) | [Sitemap](#) | [Suche](#) | [Impressum](#) | [Drucken](#) | [English](#)

Uni Köln - Medizinische Fakultät - Lehre/Studium - Humanmedizin - Modellstudiengang - **Vorklinik 1**

[Aktuelles](#)

[Über die Fakultät](#)

[Dekanate](#)

[Einrichtungen](#)

[Lehre/Studium](#)

- Humanmedizin
  - Modellstudiengang
  - Regelstudiengang
  - Skills Lab
  - Studienberatung
  - Anwärter/Bewerber
  - Ordnungen
  - Mentorenprogramm
  - Fachschaft
- Zahnmedizin
- Molekulare Medizin
- Medizindidaktik
- Neurowissenschaften
- Gesundheitsökonomie
- IMES

[Forschung](#)

### Modellstudiengang - 1. vorklinisches Semester

#### Aktuelle Semesterinformationen

#### Stundenplan

#### Semesterveranstaltungen / Downloads

#### Skills Lab

#### StudiPat

#### » Aktuelle Semesterinformationen

Das Informationsheft für neue Erstsemester kann hier heruntergeladen werden und enthält alle wichtigen Informationen zum Studienbeginn: [Informationsheft Sommersemester 2008 \[.pdf\]](#)

#### » Semesterveranstaltungen / Downloads

- Fach / Querschnitt:

- ◆ **Biologie**
- ◆ **Chemie**
  - ◊ [Allgemeine Informationen](#)
  - ◊ [Altklausuren zum Download](#)
- ◆ **Einführung in die Allgemeinmedizin**
- ◆ **Physik**
  - ◊ [Download der Vorlesungsfolien](#)
  - ◊ [Praktikumsablauf \[.pdf\]](#)
  - ◊ [Übungsaufgaben zum Download](#)
  - ◊ [Vorlesung Repetitorium Physik, Sommersemester 2008](#)
- ◆ **Medizinische Terminologie**

### **1. Ist eine Herleitung von Formeln für die Klausur wichtig?**

Herleitungen werden nicht verlangt. Einfache Zusammenhänge werden i.d.R. mit Multiple Choice Methode abgefragt. Beispiel: Welche Brennweite entspricht 2 Dioptrien? ca. 5 Werte zur Auswahl.

### **2. Müssen die Formeln auswendig gelernt werden, falls ja, gibt es eine Auflistung der zu lernenden Formeln? Oder kann eine Formelsammlung verwendet werden?**

Die Formelaufstellung ergibt sich aus der Vorlesung und Praktika. Es werden keine Formeln benötigt, die dort nicht vorkommen. Dort verwendete Formeln, die nicht gebraucht werden, werden als solche angegeben. Komplizierte Vorfaktoren, z.B.  $1/(4 \pi \epsilon_0)$  im Coulombgesetz, werden angegeben, falls sie vorkommen. Formelsammlungen sind nicht gestattet.

### **3. Wie ausführlich müssten Kommentare schriftlicher Art zu den Lösungswegen sein, oder würde es auch langgen, wenn nachvollziehbar ist, wie die Lösung erreicht wurde?**

Der Lösungsweg muss nachvollziehbar sein. Nur Ergebnis reicht nicht.

### **4. Können auch Schulformeln (z.B. für die Varianz) verwendet werden? Oder würden Sie auf der Verwendung Ihrer Formeln der Vorlesung bestehen?**

Da die Varianz nicht von der Schulform abhängt, können auch diese Formeln verwendet werden.

### **5. Wie sollen die Ergebnisse der Rechnungen gerundet werden, gibt es dafür eine Vorgabe?**

Die Aufgaben werden so gestellt, dass eigentlich keine Freiheiten bleiben. Falls Rundungen angemessen sind, wird i.a. ein Vorschlag gemacht. Z.B. Tipp verwenden Sie  $24,9 = 25$ , oder  $1/4,2 = 0,24$ . Zahlenwerte für Konstanten werden auf dem Klausurblatt angegeben. Auch hier in der Regel schon so gerundet, dass sich leicht rechnen lässt.

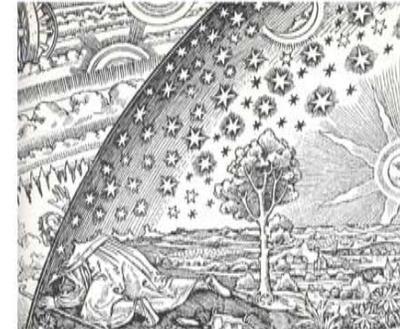
# Kraftfelder

*Mittelalter*      *Problem der bewegten Körper*       $\Rightarrow$       *Mechanik*

*Galilei*      *Fallgesetze*

*Newton, .... :*      *Kräfte und Bewegung, Gravitation*

*Brahe, Kepler...*      *Beobachtung*

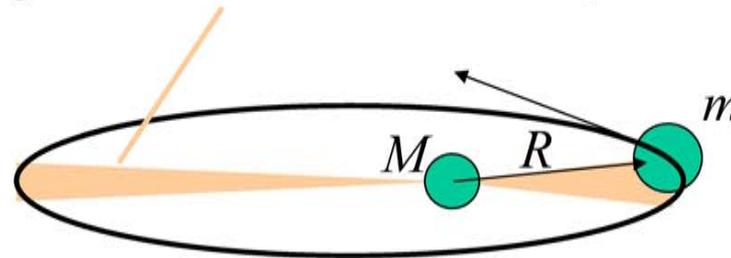


**Kepler'sche Gesetze**

**1. Planeten umlaufen auf Ellipsen die Sonne**

**2. Der Fahrstrahl (= Verbindungslinie Planet-Sonne) überstreicht in gleichen Zeiten gleiche Flächen: Flächensatz (Drehimpulserhaltung)**

**3.  $T^2 \propto R^3$**



*Newton:*

**Gravitation allgemeine Eigenschaft von Massen**

*Mond bleibt wegen dieser Kraft auf seiner „Kreis“bahn*

**Mechanik überall gleich**

**Radialbeschleunigung**  $a = \omega^2 \cdot R_{\text{Mond}} = 2,72 \cdot 10^{-3} \text{ m/s}^2$

$$T_{\text{Mond}} = 27,32 \text{ Tage} \\ = 2\pi/\omega$$

$$F_{\text{Gravitation}} = M_{\text{Mond}} \cdot \omega^2 \cdot R_{\text{Mond}}$$

$$R_{\text{Mond}} = 384000 \text{ km}$$

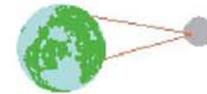
Triangulation

*3. Keplersche Gesetz* →

$$\propto M_{\text{Mond}} / R_{\text{Mond}}^2$$

*actio = reactio* →

$$F_{\text{Gravitation}} \propto M_{\text{Erde}}$$



**Gravitationsgesetz**

$$\vec{F}_m = \gamma \frac{mM}{R^2} \hat{e}_r$$

Gravitationskonstante  $\gamma = 6.673 \cdot 10^{-11} \frac{\text{Nm}^2}{\text{kg}^2}$   
Naturkonstante aus Experiment

**Zentralkraft**

*actio = reactio*  $M_{\text{Erde}} a(t) = mg \Rightarrow a(t) = \frac{m}{M_{\text{Erde}}} g \approx 0$

Welche Gravitationskraft wirkt auf einen PKW mit der Masse  $980 \text{ kg}$ ?

**Lösung:**

Gegeben sind:

$$m = 980 \text{ kg} \quad g = 9,81 \text{ m/s}^2$$

Gesucht wird die Gravitations- oder Gewichtskraft  $FG$ .

Die Gleichung  $F = m \cdot a$  beschreibt die Kraft im Zusammenhang mit Masse und Beschleunigung.

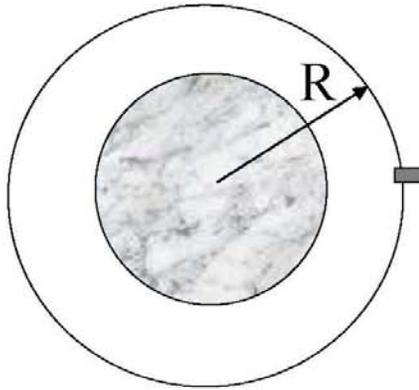
$$F = m \cdot a$$

$$FG = m \cdot g$$

$$FG = 980 \text{ kg} \cdot 9,81 \text{ m/s}^2 \rightarrow \mathbf{FG = 9614 \text{ N}}$$

Auf den PKW wirkt eine Gravitationskraft von  $9614 \text{ N}$ .

## Satellitenbahnen



*Umlaufzeit T*

$$\gamma \frac{Mm}{R^2} = m\omega^2 R$$

*3. Kepler'sche Gesetz*

$$\frac{T^2}{R^3} = \frac{(2\pi)^2}{\gamma M} = \text{const.}$$

*$M_{\text{Zentralgestirn}}$  bestimmt die Konstante !  
 $m_{\text{Satellit}}$  spielt keine Rolle für  $m \ll M$ !*

**geostationäre Bahn:**

$$T = 1\text{d} = 86400 \text{ s}$$

$$M_{\oplus} = 6 \cdot 10^{24} \text{ kg}$$

$\Rightarrow$

$$R = 42230 \text{ km}$$

## Felder und Lageenergie

Gibt es an jedem Punkt  $x, y, z$  im Raum eine Kraft  $\vec{F}(x, y, z)$  so spricht man von einem Kraftfeld.

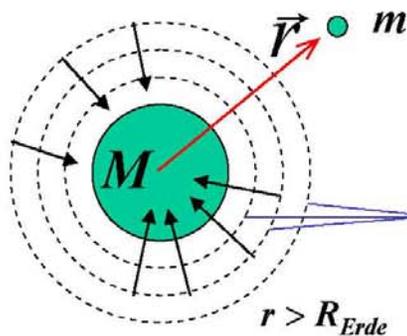
Hängt die Kraft nur vom Abstand  $r$  zu einem bestimmten Raumpunkt ab, spricht man von einem Zentralfeld (Zentralkraft).

$$\vec{F} = \vec{F}(r) = \vec{F}(x, y, z) = F(r)\hat{e}_r, \text{ mit } \hat{e}_r = \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$$

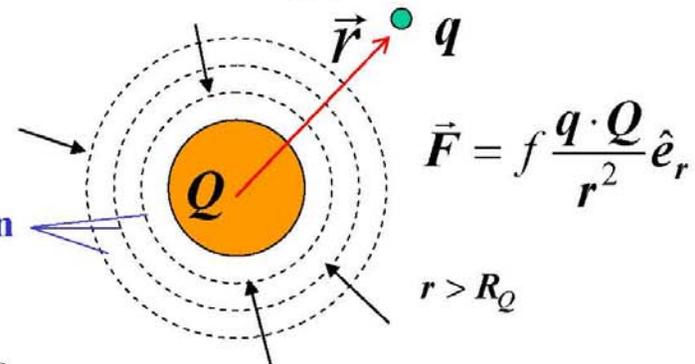
Ein Zentralkraftfeld ist kugelsymmetrisch (unabhängig von  $\theta$  und  $\varphi$ ).

### Beispiele für Zentralfelder

Schwerefeld einer Masse  $M$



Elektrisches Feld einer Ladung  $Q$   
Probeladung  $q$



Äquipotentialflächen

$$\vec{F} = f \frac{q \cdot Q}{r^2} \hat{e}_r$$

## Arbeit bzw. Energie

Um Kräfte zu überwinden muß man Arbeit  $W$  (work) verrichten

**Arbeit = Kraft · Weg**

$$\mathbf{W} = \vec{\mathbf{F}} \cdot \vec{\mathbf{s}} = F_x s_x + F_y s_y + F_z s_z = |\vec{\mathbf{F}}| \cdot |\vec{\mathbf{s}}| \cos \alpha$$

kein Vektor

Skalarprodukt

$$[\mathbf{W}] = \text{Joule (J)} = \text{N} \cdot \text{m}, \quad 1 \text{ Kalorie} = 4.1855 \text{ J}$$

Arbeit im homogenen Kraftfeld  $W = \vec{\mathbf{F}} \cdot \vec{\mathbf{s}}$  z.B. Gravitation erdnah

Arbeit im inhomogenen Kraftfeld  $W = \int \vec{\mathbf{F}} \cdot d\vec{\mathbf{s}}$  " z.B.  $F_G \propto 1/r^2$

$F_{\text{Feder}} \propto x$  el. Dehnungen

## Leistung

Leistung  $P$  (power) = Arbeit / Zeit

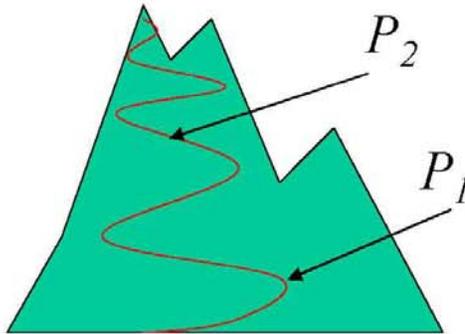
$$[\mathbf{P}] = \text{Joule/s} = \text{Watt (W)}$$

## Potentielle (Lage-) Energie

In einem Kraftfeld ist an jedem Ort  $P$  die potentielle Energie  $E_P(P)$  definiert als:

$$\mathbf{W} = \int_{P_1}^{P_2} \vec{\mathbf{F}} \cdot d\vec{\mathbf{s}} = E_P(P_1) - E_P(P_2)$$

*wegunabhängig*



Arbeit im homogenen Erdfeld

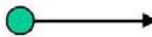
$$W = mg(h_1 - h_2)$$

$$E_P(h) = mgh + const$$

Wenn Arbeit geleistet wird (negativer Wert von  $W$ ) erhöht sich die potentielle Energie.

Es gibt keinen eindeutigen Nullpunkt für die potentielle Energie.

## Kinetische (Bewegungs-) Energie


$$F_x = ma$$

Beschleunigungsarbeit:  $W = ma \cdot s = ma \frac{at^2}{2} = \frac{1}{2}mv^2$

kinetische Energie  $E_{kin} = \frac{1}{2}mv^2$   $(\vec{v})^2 = v_x^2 + v_y^2 + v_z^2 = v^2$

Weitere Energieformen: Wärme, chemische Energie,  
Deformationsenergie, Kernenergie ( $E=mc^2$ )

**Energieerhaltungssatz** (Robert Mayer 1842, Arzt)

In einem isolierten System ist die Gesamtenergie zeitlich konstant

$$E_{gesamt} = E_{kin} + E_{pot} + E_{rot} + E_{Wärme} + W_{chem} + \dots = \textit{konstant}$$

Ein Auto mit der Masse  $m = 1,5 \text{ t}$  fährt mit der Geschwindigkeit  $v = 36 \text{ km/h}$  und wird innerhalb einer Zeit von  $t = 3 \text{ s}$  zum Stillstand gebracht. Welche Bremskraft ist dazu erforderlich (ohne Berücksichtigung von Fahr- und Luftwiderstand)?

### Lösung:

Gegeben sind:

$$m = 1,5 \text{ t} = 1500 \text{ kg}$$

$$v = 36 \text{ kmh}^{-1} = 10 \text{ ms}^{-1}$$

$$t = 3 \text{ s}$$

Gesucht ist die Kraft  $F$ , die zum Abbremsen erforderlich ist. Für eine gleichmäßig beschleunigte Bewegung gilt das 1. Newtonsche Axiom:

$$F = m \cdot a$$

Die Beschleunigung, bzw. die Verzögerung in diesem Fall, kann über  $a = v / t$  ermittelt werden, da die Geschwindigkeit von der gegebenen Geschwindigkeit  $v = 36 \text{ km/h}$  auf  $v = 0 \text{ km/h}$  gleichmäßig verringert wird.

Nach Einsetzen erhält man

$$F = m \cdot a \quad \& \quad a = v / t \quad \rightarrow \quad F = m \cdot v / t$$

$$\text{mit } F = 1500 \text{ kg} \cdot 10 \text{ m/s} / (3 \text{ s}) \quad \rightarrow \quad \mathbf{F = 5000 \text{ N}}$$

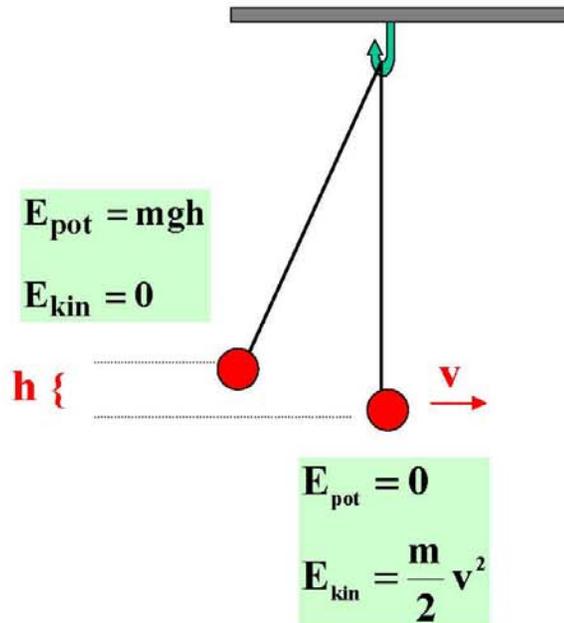
Die erforderliche Bremskraft beträgt  $5000 \text{ N}$ .

# Energieformen lassen sich ineinander umwandeln!

Beispiel für permanente Umwandlung

## Fadenpendel

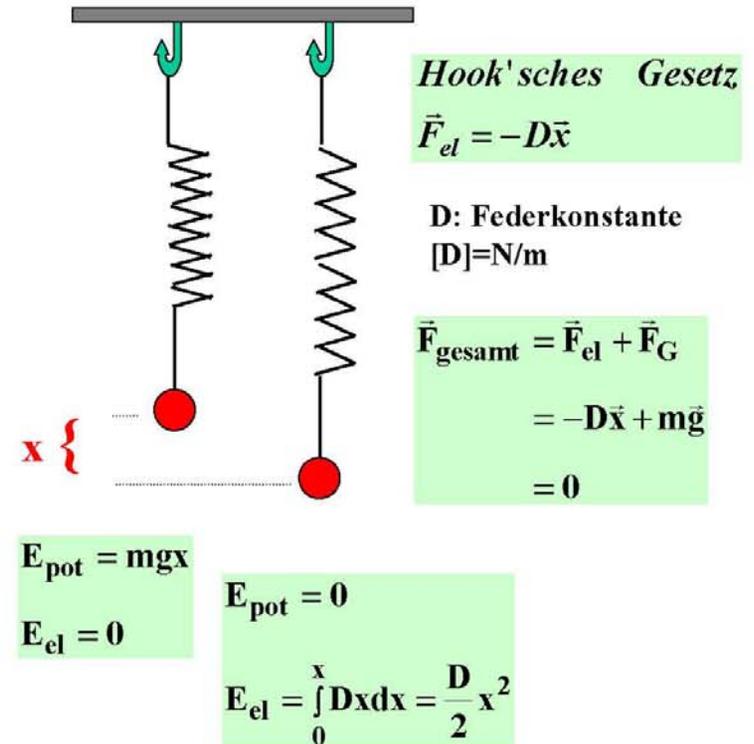
potentielle ↔ kinetische Energie



einmalige Umwandlung

## Federwaage

potentielle ↔ Dehungsenergie



Ein Artist (Gewicht 60 kg) springt aus 3 m Höhe in ein gespanntes Netz, wobei die Eingangsarbeit gleich der Ausgangsarbeit ist. Sobald er auf dem Netz landet, schmeißt er 2 Gewichte von je 15 kg auf den Boden, damit er sein Gewicht verringert. Wie hoch springt er?

**Lösung:**

Gegeben sind:  $m_A = 60 \text{ kg}$        $m_G = 15 \text{ kg}$        $h_1 = 3 \text{ m}$

Gesucht wird die Höhe  $h_2$ , die der Artist wieder erreicht.

Die Arbeit, die verrichtet wird, kann über

$$W = m \cdot g \cdot h$$

bestimmt werden. Dabei ist, nach Definition in der Frage,  $W_{\text{Auf}} = W_{\text{Ab}}$ . Die Masse beträgt bei der Abwärtsbewegung die Masse des Artisten zuzüglich den Gewichten, beim Absprung nur noch die Masse des Artisten:

$$m_{\text{Auf}} = m_A + 2 \cdot m_G$$

$$m_{\text{Ab}} = m_A$$

Nach Einsetzen und auflösen nach  $h_2$  kann die Höhe berechnet werden:

$$W = m \cdot g \cdot h \qquad W_{\text{Auf}} = W_{\text{Ab}} \qquad m_{\text{Auf}} \cdot g \cdot h_1 = m_{\text{Ab}} \cdot g \cdot h_2$$

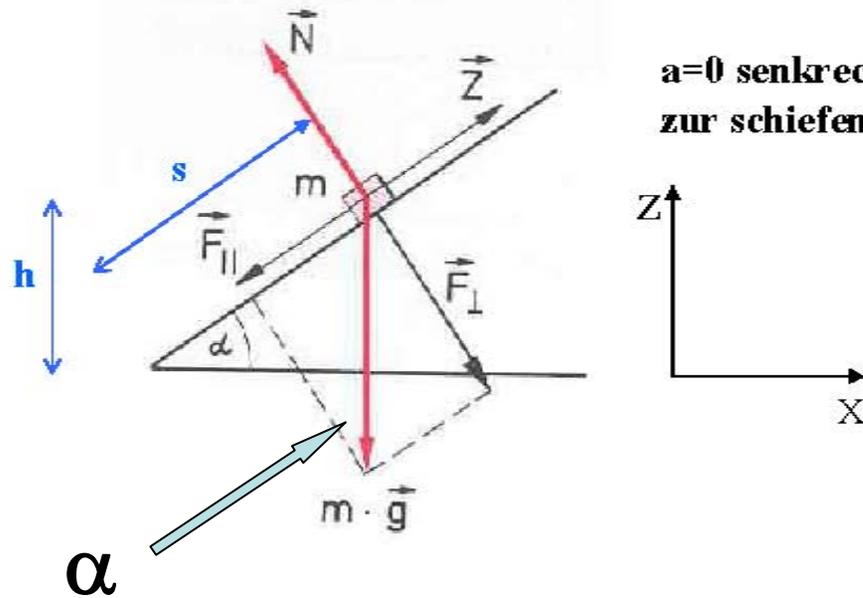
$$(m_A + 2 \cdot m_G) \cdot g \cdot h_1 = m_A \cdot g \cdot h_2$$

$$h_2 = h_1 \cdot (m_A + 2 \cdot m_G) / m_A$$

$$h_2 = 3 \text{ m} \cdot (60 \text{ kg} + 2 \cdot 15 \text{ kg}) / (60 \text{ kg}) \rightarrow \quad \mathbf{h_2 = 4,5 \text{ m}}$$

Der Artist erreicht eine Höhe von 4,5 m.

# Reibungsfrei gleitender Körper



$a=0$  senkrecht  
zur schiefen Ebene:  $\vec{F}_{\perp} + \vec{N} = 0$

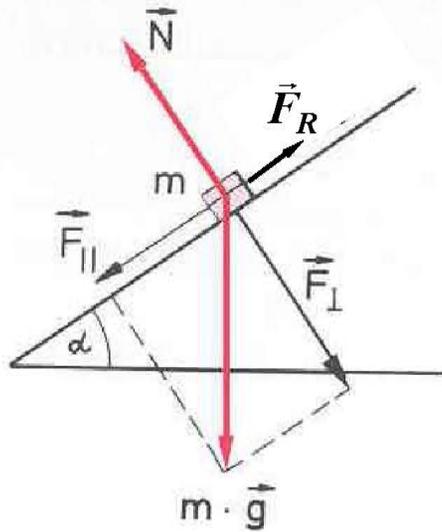
freiwerdende/geleistete Arbeit  
beim  
Gleiten/Heben der Last  $m$ :

$$|\dot{F}_{\parallel}| = mg \sin \alpha$$

$$\dot{F}_{\parallel} + \dot{F}_{\perp} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -mg \end{pmatrix}$$

$$W = F_{\parallel} \cdot s \\ = mgh$$

# Reibung zwischen Festkörpern



**Gleiten**  $|\vec{F}_{\parallel}| > |\vec{F}_R|, |\vec{a}| > 0$

**Haften**  $\vec{F}_R = -\vec{F}_{\parallel}, |\vec{a}| = 0$

## Coulomb'sches Reibungsgesetz

**Gleitreibung**  $F_R = \mu_G \cdot F_{\perp}$

**Haftreibung**  $F_R = \mu_H \cdot F_{\perp}$

**Rollreibung**  $F_R = \mu_R \cdot F_{\perp} \quad \mu_R < \mu_G < \mu_H$

*Abhängigkeiten i.a. komplizierter*

# Spezialrepetitorium Kreis- und Drehbewegung

